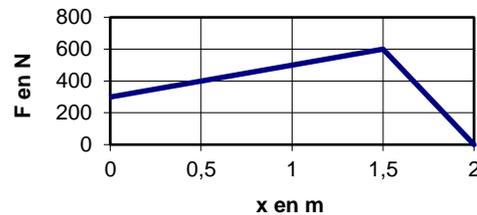


Exercices sur Travail, puissance et l'énergie mécanique

1) Calculer le travail d'une force constante $\vec{F} = 3 \cdot \vec{i} - 1 \cdot \vec{j}$ le long d'un trajet rectiligne de A (2,0) vers B (7,4).

2) Un athlète exerce la force F du diagramme le long d'un chemin x pendant une durée t=0,75s. Quelle est la puissance?



3) Une roue à aiguiser les couteaux a un diamètre d=20cm. On appuie un couteau sur la pierre de manière à ce qu'elle exerce une force tangentielle de 8N. Evaluer le moment et la puissance du moteur qui entraîne la roue à 200 trs/min.

4) Un moteur de 3kW fait tourner une scie circulaire par l'intermédiaire d'une courroie. Calculer le moment M exercé par les courroies sur la scie si elle tourne à 300trs/min.

5) Pour serrer une vis, on doit exercer un moment constant $M=2N \cdot m$.

a) Calculer la force tangentielle à exercer sur l'extrémité de la clé de longueur 15cm.

b) Quel est le travail à fournir si on veut tourner la vis de 300°.

6) Un skieur m=90kg descend sans vitesse initiale une pente enneigée de longueur l=60m inclinée d'un angle $\alpha=25^\circ$. Utiliser le T.E.C.:

a) pour calculer la vitesse en bas de la pente sans frottement.

b) pour déterminer la force de frottement f si la vitesse en bas de la pente vaut uniquement 75% de la vitesse sans frottement.

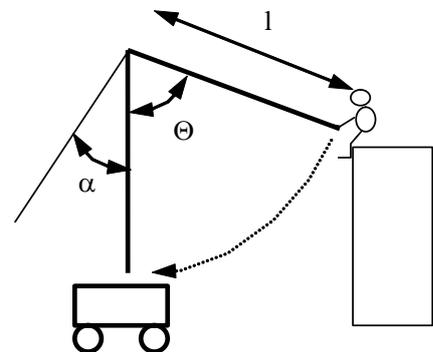
c) Dédurre le coefficient de frottement $\mu = \frac{f}{P_N}$

7) Un cascadeur (m=80kg) réalise le tour suivant:

Au bout d'une corde de longueur l=25m il se lance du haut d'un pont. Initialement sa vitesse est nulle et la corde fait un angle $\Theta=70^\circ$ avec la verticale. Au moment où la corde passe par la verticale, il lâche la corde et saute dans un chariot en mouvement.

a) Calculer sa vitesse v en bas.

b) Pour quel angle α sa vitesse retombe à 10m/s s'il continue le mouvement?



8) Lors d'un saut "bungee" l'élastique (répondant à la loi de Hooke) a une longueur à vide initiale $l_0=7m$. On veut que la corde soit étiré de $x=20m$ pour emmagasiner le travail du poids d'un homme m=90kg qui chute alors de h=27m jusqu'au point le plus bas. Illustrer la situation et déduire la raideur k de l'élastique ?

Recueil Travail

T1 Automobile

Une automobile de masse 1100 kg roule à vitesse constante sur un tronçon rectiligne de 2 km, puis monte une pente de 8 % pendant 1500 m. On supposera que les forces de frottement qui s'opposent au déplacement gardent une valeur constante de 1850 N tout au long du trajet.

- Calculez le travail du poids sur le trajet complet.
- Calculez le travail de la force de frottement sur le trajet complet.

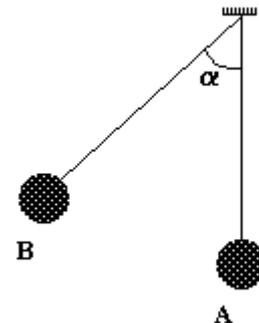
$$(W_{AC}(P) = -1,29\text{MJ}, W_{AC}(F_{\text{frot}}) = -6,48\text{MJ})$$

T2 Pendule simple

Un pendule simple est constitué d'une boule de masse 150 g accrochée au bout d'un fil de longueur 60 cm. La boule reçoit en A une impulsion qui la fait remonter jusqu'en B, avec $\alpha = 30^\circ$.

- Calculez le travail du poids de la boule entre A et B.
- Quel est le travail entre A et B de la force exercée par le fil sur la boule ? Motivez !
- Travail du poids sur tour complet ?

$$(W_{AB}(P) = -0.118\text{J}; W_{AB}(T) = 0; W_{\text{tour}}(P) = 0)$$



T3 Puissance d'une machine

Calculer la puissance moyenne fournie par une machine qui soulève une caisse de 500 kg à une hauteur de 20 m en 60 s. Valeur en ch (chevaux vapeur). $(P = 1633\text{W} = 2,2\text{ ch})$

T4 Pente

Une voiture de 1000 kg monte une pente de 3 % à 20 m/s. Trouver la puissance nécessaire, sans tenir compte du frottement. $(P = 5,9\text{ kW})$

T5 Turbine

De l'eau coule d'un réservoir avec un débit de 3000 kg/min vers une turbine qui se trouve 120 m plus bas. Si le rendement de la turbine est de 80 %, calculer la puissance fournie par la turbine. $(P = 47\text{ kW})$

T6 Voiture

Une voiture de masse 1,5 tonnes roule à vitesse constante de 108 km/h sur sol horizontal.

- Faites le bilan des forces qu'elle subit (y compris le frottement) et précisez quelles forces font un travail moteur, lesquelles un travail résistant, lesquelles un travail nul.
- La force de frottement vaut 1800 N. Calculez le travail du poids et de la force motrice sur un trajet de 10 km.
- Calculez la puissance de la voiture.
- Reprenez les points a), b) et c) en supposant que la voiture monte un col de pente constante de 12%.

$$F_{\text{mot}} \rightarrow W \text{ moteur}, F_{\text{frot}} \rightarrow W \text{ résistant}, P \text{ et } R_{\text{sol}} \rightarrow W \text{ nul}; W(\text{poids}) = 0\text{J}; W(F_{\text{mot}}) = 18\text{MJ}; P(F_{\text{mot}}) = 54\text{ kW}; F_{\text{mot}} \rightarrow W \text{ moteur}, F_{\text{frot}} \text{ et } P \rightarrow W \text{ résistant}, R_{\text{sol}} \rightarrow W \text{ nul}; W(P) = -17,5\text{ MJ}, W(F_{\text{mot}}) = 35,5\text{ MJ}; P(F_{\text{mot}}) = 107\text{ kW}$$

Recueil Energie

E1 Proton

Un proton ($m = 1,67 \cdot 10^{-27}\text{ kg}$) dont la vitesse est de $5 \cdot 10^6\text{ m/s}$ traverse un film métallique d'une épaisseur de 0,01 mm et émerge avec une vitesse de $2 \cdot 10^6\text{ m/s}$. Quelle est l'intensité moyenne de la force qui s'est opposée à la traversée du film ? $(F = 1,75 \cdot 10^{-9}\text{ N})$

E2 Pendule simple

Une bille de masse 20 g est suspendue à l'extrémité d'un fil de longueur $L = 80$ cm. On écarte le fil d'un angle $\alpha = 40^\circ$ de sa position d'équilibre et on abandonne la bille sans vitesse initiale. Déterminer, en utilisant la conservation de l'énergie, la vitesse v de la bille lorsqu'elle passe par sa position d'équilibre.

$$(v = 1,92 \text{ m/s} = 6,90 \text{ km/h})$$

E3 Parachutiste

Un parachutiste de masse 90 kg est en chute à la vitesse $v_0 = 190$ km/h. Il ouvre son parachute et sur une distance verticale de 120 m sa vitesse est réduite à v_1 par l'action d'une force de résistance d'intensité 1900 N. Représenter toutes les forces et calculer la vitesse v_1 en utilisant le théorème de l'énergie cinétique.

$$(v = 8,6 \text{ m/s} = 30,1 \text{ km/h})$$

E4 Perle

La figure montre une perle glissant sur un fil.

- Quelle doit être la hauteur h_1 si la perle, partant au repos de A, atteint une vitesse de 200 cm/s au point B? Ne pas tenir compte du frottement.
- On suppose maintenant que $h_1 = 50$ cm, $h_2 = 30$ cm et que la distance de A à C est de 400 cm. Une perle de 3,0 g est lâchée en A, glisse jusqu'en C et s'arrête. Quelle est l'intensité de la force de frottement qui s'oppose au mouvement ?

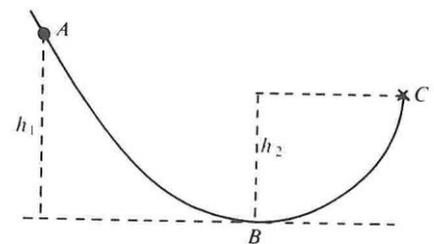


Fig. 6-8

$$(a) h_1 = 20,4 \text{ cm} \quad b) F_{\text{frott}} = 1,47 \text{ mN})$$

E5 Flipper

Pour lancer une boule (masse 50 g) de « flipper », on comprime un ressort de raideur 200 N/m de 10 cm. Quelle sera la vitesse de la boule lorsqu'elle aborde le virage au bout d'une course de 1,5 m après qu'elle ait quitté le ressort.

- si le flipper est horizontal ? $(v = 6,32 \text{ m/s})$
- s'il fait un angle de 5° avec l'horizontale ? $(v = 6,10 \text{ m/s})$

Dans les deux cas, on néglige le frottement entre la boule et le support.

E6 Ceinture de sécurité

- Calculer l'énergie cinétique d'un passager de masse $M = 60$ kg circulant en voiture à $v = 70$ km/h.
- Au cours d'un choc, la vitesse de la voiture s'annule sur une distance $d = 3,5$ m. La diminution de la vitesse du passager par rapport au référentiel terrestre est due essentiellement à l'action de la ceinture de sécurité. Quelle force F la ceinture de sécurité a-t-elle exercé sur le passager ?
- Refaire le calcul en supposant que la voiture circule initialement à $v = 50$ km/h et conclure.

E7 Un fusil de fléchettes

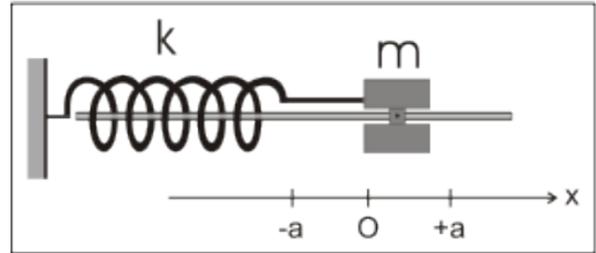
Un fusil de fléchettes comprend un ressort de raideur $k = 250$ N/m, de longueur à vide $l_0 = 12$ cm et qui, comprimé par la fléchette de masse 25 g, ne mesure plus que $l = 4,0$ cm.

- Avec quelle vitesse la fléchette sort-elle du fusil dans le cas d'un tir horizontal. Faire le calcul sans tenir compte du frottement entre fléchette et fusil et (2) en tenant compte d'une force de frottement de 0,15 N.
- Quelle altitude maximale peut-elle atteindre dans le cas d'un tir vertical ? Faire le calcul sans tenir compte du frottement entre fléchette et fusil ni de la résistance de l'air.

$$(v = 8,00 \text{ m/s}; v = 7,94 \text{ m/s}; h = 3,26 \text{ m})$$

E8 Pendule élastique

Un solide de masse $m = 100 \text{ g}$ peut coulisser sans frottement sur une tige horizontale. Il est relié à un ressort de constante de raideur k . A l'équilibre, son centre d'inertie est en O . Lorsqu'il oscille entre les points d'abscisses $-A$ et $+A$ (A valant $5,0 \text{ cm}$), sa vitesse de passage à la position d'équilibre est $v_0 = 2,0 \text{ m/s}$.



- Déterminer la constante de raideur k du ressort.
- Quelle serait la vitesse de passage si l'amplitude double $A' = 2A$.
- Déterminer la vitesse de passage au point d'abscisse $A/2$.
- En réalité, la vitesse de passage au point d'abscisse $A/2$ n'est que de $1,5 \text{ m/s}$ lorsque le centre d'inertie du solide part (sans vitesse initiale) du point d'abscisse $+A$. Déterminer l'intensité, supposée constante, de la force de frottement.

($k = 160 \text{ N/m}$; $v = 1,73 \text{ m/s}$; $F_{\text{frott}} = 1,5 \text{ N}$)

QUESTIONS DE COMPREHENSION

Question 1 : Travail d'une force

Une force \vec{F} constante de norme $F = 12 \text{ N}$ agit sur un corps qui se déplace de A vers B suivant un demi-cercle de rayon $r = 1 \text{ m}$. Calculer le travail de cette force.

Question 2

Commentez les affirmations suivantes, et redressez-les s'il y a lieu :

- L'énergie cinétique de 2 solides (pseudo-) isolé est constante lors d'un choc.
- Chaque fois que le vecteur vitesse d'un solide varie, il y a modification de E_{cin} .
- Chaque fois que E_{cin} d'un solide varie, il y a modification de son vecteur vitesse.
- Lorsqu'on prend l'ascenseur l'énergie potentielle augmente moins que lorsqu'on monte l'escalier.

Question 3 - Energie totale sur le rail à coussin d'air

Sur le graphique suivant, on a représenté l'énergie cinétique et l'énergie potentielle de pesanteur pour un chariot glissant sans frottement sur un rail à coussin d'air incliné (le chariot monte, puis descend).

- Laquelle des courbes est l'énergie cinétique, laquelle représente l'énergie potentielle de pesanteur ? Motivez !
- Ajoutez sur le graphique l'énergie mécanique totale. Expliquez comment vous l'obtenez et interprétez son évolution au cours du temps.

